

FORMULAIRE DE DÉRIVATION

DÉRIVÉE DES FONCTIONS USUELLES

Expression de la fonction	f définie sur :	Expression de la dérivée	f dérivable sur :
$f(x) = C, C \in \mathbb{R}$	\mathbb{R}	$f'(x) = 0$	\mathbb{R}
$f(x) = x^n, n \geq 1$	\mathbb{R}	$f'(x) = nx^{n-1}$	\mathbb{R}
$f(x) = \frac{1}{x}$	\mathbb{R}^*	$f'(x) = -\frac{1}{x^2}$	$] -\infty; 0[$ et $] 0; +\infty[$
$f(x) = \frac{1}{x^n}, n \geq 1$	\mathbb{R}^*	$f'(x) = -\frac{n}{x^{n+1}}$	$] -\infty; 0[$ et $] 0; +\infty[$
$f(x) = \sqrt{x}$	$] 0; +\infty[$	$f'(x) = \frac{1}{2\sqrt{x}}$	$] 0; +\infty[$
$f(x) = e^x$	\mathbb{R}	$f'(x) = e^x$	\mathbb{R}
$f(x) = \ln(x)$	$] 0; +\infty[$	$f'(x) = \frac{1}{x}$	$] 0; +\infty[$

En fait, les formules des cinq premières lignes ci-dessus peuvent se retrouver en ne retenant **qu'une seule formule**, valable pour n'importe quelle valeur de m :

$$f(x) = x^m \Rightarrow f'(x) = mx^{m-1}$$

DÉRIVÉES & OPÉRATIONS

PROPRIÉTÉS 1

Soient u et v deux fonctions définies sur un intervalle I .

P1# Si u est dérivable sur I , alors pour $\alpha \in \mathbb{R}$, αu est dérivable sur I et :

$$(\alpha u)' = \alpha u'$$

P2# Si u et v sont dérivables sur I , alors $u + v$ est dérivable sur I et :

$$(u + v)' = u' + v'$$

P3# Si u et v sont dérivables sur I , alors uv est dérivable sur I et :

$$(uv)' = u'v + uv'$$

P4# Si u et v sont dérivables sur I et que v ne s'annule pas sur I , alors $\frac{1}{v}$ est dérivable sur I et :

$$\left(\frac{1}{v}\right)' = -\frac{v'}{v^2}$$

P5# Si u et v sont dérivables sur I et que v ne s'annule pas sur I , alors $\frac{u}{v}$ est dérivable sur I et :

$$\left(\frac{u}{v}\right)' = \frac{u'v - uv'}{v^2}$$

PROPRIÉTÉ 2

Soient u une fonction définie sur un intervalle I à valeurs dans J et f une fonction définie sur J .

Si u est dérivable sur I et f est dérivable sur J , alors $f \circ u$ est dérivable sur I et :

$$(f \circ u)' = u' \times f' \circ u$$

En particulier :

• Si u est dérivable sur I , alors pour tout $n \in \mathbb{N}$, u^n est dérivable sur I et :

$$(u^n)' = nu' u^{n-1}$$

• Si u est dérivable sur I , alors e^u est dérivable sur I et :

$$(e^u)' = u' e^u$$

• Si u est dérivable sur I et strictement positive sur I , alors $\ln(u)$ est dérivable sur I et :

$$(\ln(u))' = \frac{u'}{u}$$

• Si u est dérivable sur I et strictement positive sur I , alors \sqrt{u} est dérivable sur I et :

$$(\sqrt{u})' = \frac{u'}{2\sqrt{u}}$$