

I LISTES ET PREMIÈRES COMMANDES

Une liste est une collection finie d'éléments pouvant être de types différents (entiers, flottants, chaînes de caractères, listes...); ils sont notés entre crochets et séparés par des virgules.

```
>>> L=[1,2,3]
>>> type(L)
>>> L=[1,3,2] #L'ordre des éléments est important
>>> M=[1,2,"Truc", False, L]
>>> [] #Liste vide
>>> L[0]
>>> L[0]=0 #Permet de changer la valeur de l'élément indexé 0
>>> L[1]
>>> L[2]
>>> L[3] #On accède aux éléments avec L[i], pour i allant de 0 à "nb d'éléments-1"
>>> L[-1] #Numérotation négative possible... On parcourt alors la liste de droite à gauche.
>>> type(range(0,21)) #range() ne renvoie pas vraiment une liste, mais peut être converti en liste
>>> N=list(range(0,21)) #La commande list permet de convertir range() en liste
>>> N[2:6] #Renvoie la liste composée des éléments indexés 2 à 6-1 de la liste N
>>> N[0:11:2] #Renvoie la liste composée des éléments de N indexés de 0 à 10, de 2 en 2
>>> N[::2] #Renvoie la liste composée des éléments de N indexés de 2 en 2
>>> N[::-1] #Renvoie la liste donc l'indexation est inversée
>>> list("Truc")
```

Que dire des listes M et L après exécution de ces lignes ?

```
>>> L=list(range(0,11))
>>> M=L
>>> M[0]=43
```

COMMENTAIRES :

⚠ ATTENTION!
Attention donc à la copie d'une liste, qui reste liée à la liste initiale... Pour créer une copie indépendante d'une liste L, on peut écrire `M=L[:]` par exemple.

- La commande `len(L)` renvoie la longueur (*length* en anglais) de la liste L, c'est à dire son nombre d'éléments.
- La commande `in` permet : soit de parcourir les éléments d'une liste quand elle est placée après une instruction `for`, soit de tester l'appartenance d'un élément à une liste.

⚠ IMPORTANT!
L'indexation des éléments de L se fait de 0 à `len(L)-1`.

Python 1 – Parcourir une liste

```
1 L=[0,2,4,6,8,10]
2 for k in L:
3     x=k**2
4     print(x)
```

PETITE REMARQUE
Nous avons déjà vu ceci dans le premier cours, et nous le faisons déjà sur les chaînes de caractères.

```
>>> L=list(range(0,10))
>>> 8 in L
>>> 10 in L
```

- La commande `L.append(x)` ajoute, en fin de la liste L, l'élément x.

```
>>> L=[0,1,2]
>>> L.append(3)
```

- Les symboles + et * permettent : soit l'addition / la multiplication de nombres, soit la concaténation / la concaténation répétée de listes.

```
>>> L=[1,2,3]
>>> M=[4,5,6]
>>> L+M #Renvoie la liste composée des éléments de la première puis ceux de la seconde
>>> M+L
>>> N=list(range(0,6))
>>> N+[5,5,5]
>>> L*3 #Renvoie la liste obtenue en concaténant 3 fois la liste L
```

⚠ ATTENTION!

Attention à l'ordre de la concaténation... Que nous avons déjà vue sur les chaînes de caractères.

PETITE REMARQUE

La commande * fonctionne de la même façon sur les chaînes de caractères (pour répéter un message par exemple).

Les commandes `L.append(x)` et `L=L+[x]` font donc exactement la même chose.

- La commande `del L[i]` supprime l'élément indexé `i` de la liste `L` et ré-indexe la liste.

```
>>> L=list(range(0,11))
>>> len(L)
>>> del L[4]
>>> len(L)
```

- La commande `L.count(x)` renvoie le nombre d'éléments de `L` ayant la valeur de `x`.

```
>>> L=[10,12,11,10,13,10]
>>> L.count(10)
>>> L.count(15)
```

- Si `L` est une liste de nombres, la commande `sum(L)` renvoie la valeur de la somme des éléments de `L`.
- Si `L` est une liste de nombres, les commandes `min(L)` et `max(L)` renvoient respectivement la valeur du minimum et du maximum des éléments de `L`.

PETITE REMARQUE

Si `L` est composée de chaînes de caractères, alors `min(L)` et `max(L)` renvoient respectivement les premiers et derniers éléments classés par ordre alphabétique.

II MODES DE GÉNÉRATION DES LISTES

Dans le chapitre 0 du cours de mathématiques, nous avons vu qu'il y avait essentiellement deux façons différentes d'écrire un ensemble :

- **en extension** : cela revient à décrire les éléments qu'il contient : $E = \{1; 2; 3\}$
- **en compréhension** : cela revient à le définir à partir d'une condition : $E = \{x \in \mathbb{R} / 2x + 5 \geq 1\}$

C'est sensiblement identique pour générer des listes en Python. Pour générer une liste d'entiers consécutifs, on utilisera la commande `list(range(n,m))` qui génère la liste ordonnée des entiers de $[[n; m - 1]]$. Dans les autres cas, voici les méthodes possibles.

II.1 EN EXTENSION

Cela revient en quelque sorte à écrire chaque élément de la liste ; ou à les ajouter à l'aide d'une boucle. Deux cas de figure :

```
>>> L=[0,1,4,9,16,25,36,49,64,81,100]
```

Python 2 – Liste en extension avec boucle for

```
1 L=[] #On commence par définir L, qui est une liste vide
2 for k in range(0,11):
3     L.append(k**2) #On peut aussi écrire L=L+[k**2]
```

PETITE REMARQUE

Le principe est identique à ce que nous avons fait dans le TP1 pour calculer des sommes et produits. On commence soit avec une somme nulle ($S=0$, puis on ajoute tous les termes souhaités) soit avec un produit égal à 1 ($P=1$, puis on multiplie tous les facteurs souhaités).

II.2 EN COMPRÉHENSION

Deux syntaxes possibles selon ce que l'on souhaite faire :

```
L=[f(x) for x in TRUC]
```

```
L=[f(x) for x in TRUC if x ...]
```

(permet de rajouter une condition à x pour qu'il soit ajouté à L)

où TRUC est soit une liste, soit une commande `range()`

```
>>> L=[k**2 for k in range(0,11)]
>>> M=[k for k in L]      #Permet de copier les éléments de la liste L dans M, sans créer de dépendance entre les
listes
>>> [k**2 for k in range(0,11) if k!=2]
>>> L=[k**2 for k in range(0,11) if k!=2 if k!=3]
>>> [c*2 for c in "Test"]
>>> [i+j for i in range(0,3) for j in range(0,6)]
>>> [i+j for j in range(0,6) for i in range(0,3)]
>>> [i+j for i in range(0,3) for j in range(0,3) if i>=j]
```

●○○○ EXERCICE 1 - $\sum_{k=0}^n k^4$

1. Créer une liste L qui contient les nombres k^4 , pour $k \in \llbracket 0; n \rrbracket$, après avoir demandé à l'utilisateur de saisir une valeur pour l'entier naturel n .
2. En déduire un programme permettant de calculer $\sum_{k=0}^n k^4$, pour une valeur de n saisie par l'utilisateur.

```
1 n=int(input("Entrer une valeur d'un entier naturel n : "))
2 L=[k**4 for k in range(0,n+1)]
3 S=sum(L)
4 print(L)
5 print(S)
```

●○○○ EXERCICE 2 - SUITE

Considérons la suite (u_n) définie par : $\begin{cases} u_0 = 0 \\ \forall n \in \mathbb{N}, u_{n+1} = e^{-u_n} \end{cases}$. Créer une fonction Python telle que l'exécution de `listeU(n)` renvoie une liste contenant les termes u_0 à u_n de la suite (u_n) .

```
1 import numpy as np
2
3 def listeU(n):
4     u=0
5     L=[u]
6     for k in range(1,n+1):
7         u=np.exp(-u)
8         L.append(u) # ou L=L+[u]
9     return L
```

●○○○ EXERCICE 3 - INVERSE

Écrire une fonction qui prend en argument d'entrée une liste de réels et renvoie la liste obtenue en calculant, si possible, l'inverse de chaque réel de la liste.

```
1 def inverse(L):
2     M=[1/k for k in L if k!=0]
3     return M
```

●○○○ EXERCICE 4 - INDEXATION INVERSÉE

Écrire une fonction qui prend en argument d'entrée une liste et qui renvoie la liste obtenue en inversant l'ordre des éléments.

```
1 def listeinversee(L):
2     M=[]
3     for k in L:
4         M=[k]+M #permet d'ajouter l'élément par la gauche
5     return M
```

PETITE REMARQUE

La commande `L[::-1]` permet d'obtenir la liste inversée, mais il s'agit ici de ne pas l'utiliser.

●○○○ EXERCICE 5 - MAXIMUM DANS UNE LISTE

Écrire une fonction telle que l'exécution de la commande `maximum(L)` renvoie le maximum des nombres contenus par la liste L.

```
1 def maximum(L):
2     m=L[0]
3     for x in L: #on parcourt les éléments (on peut aussi parcourir les indices)
4         if x>m:
5             m=x
6     return m
```

PETITE REMARQUE

La commande `max(L)` permet d'obtenir le maximum, mais il s'agit ici de ne pas l'utiliser (ni `min`).

●○○○ EXERCICE 6 - ÉCHANGE DANS UNE LISTE

Écrire une fonction qui prend en arguments d'entrée une liste ainsi que deux indices i et j , puis qui renvoie la nouvelle liste obtenue après échange des éléments d'indices i et j .

```
1 def echange(L,i,j): #programme qui modifie la liste L initiale...
2     L[i],L[j]=L[j],L[i]
3     return L
4
5 def echange_bis(L,i,j): #ne modifie pas la liste initiale
6     M=L[:] #copie sans créer de dépendance entre M et L
7     M[i],M[j]=M[j],M[i]
8     return M
```

●●● EXERCICE 7 - SUPPRESSION

Écrire une fonction qui prend en arguments d'entrée une liste et un élément x , puis qui renvoie la liste obtenue après suppression de toutes les occurrences de x dans cette liste.

```
1 def suppression(L,x):
2     M=[k for k in L if k!=x] #nouvelle liste avec les éléments différents de x
3     return M
4
5 def suppression_bis(L,x):
6     M=[k for k in L if k!=x] #nouvelle liste avec les éléments différents de x
7     L=M #on modifie la liste initiale
8     return L
```

PETITE REMARQUE

Le programme "naïf" consistant à supprimer $L[k]$ lorsqu'il est égal à x pose souci... Et autant profiter des spécificités de Python!

●●● EXERCICE 8 - INSERTION

Écrire une fonction qui prend en arguments d'entrées une liste, un indice i et un élément x , puis qui renvoie la liste obtenue après insertion de l'élément x à l'indice i , en décalant le reste vers la droite.

```
1 def insertion(L,i,x):
2     L1=L[0:i]
3     L2=L[i:len(L)]
4     L=L1+[x]+L2 #on modifie la liste initiale
5     return L
```

PETITE REMARQUE

La commande $L.insert(i,x)$ permet de le faire, mais elle n'est pas à connaître.

●●● EXERCICE 9 - ORDONNER UNE LISTE DE 3 ÉLÉMENTS

Écrire une fonction qui prend en arguments d'entrée trois réels et qui renvoie la liste de ces trois nombres dans l'ordre croissant.

```
1 #Avec 3 valeurs
2 def listeordonnee(a,b,c):
3     if b<a:
4         a,b=b,a
5     if c<b:
6         b,c=c,b
7     if b<a:
8         a,b=b,a
9     L=[a,b,c]
10    return L
```

PETITE REMARQUE

La commande $L.sort()$ permet d'ordonner une liste, mais il s'agit ici de ne pas l'utiliser.

```
1 #Avec un nombre quelconque de valeurs
2 def listeordonnee(L):
3     print(L)
4     for k in range(1,len(L)):
5         for j in range(0,k):
6             if L[j]>L[k]:
7                 L[j],L[k]=L[k],L[j]
8                 print(L)
9     return L
```

●●● EXERCICE 10 - SOMME DOUBLE

1. Écrire un programme qui demande la valeur d'un entier naturel n à l'utilisateur et affiche ensuite la valeur de

$$\sum_{0 \leq i < j \leq n} (i+j).$$

```
1 n=int(input("Entrer une valeur de n : "))
2 L=[i+j for i in range(0,n) for j in range(i+1,n+1)]
3 print(sum(L))
```

PETITE REMARQUE

i va ainsi de 0 à $n-1$...

2. Pour tout $n \in \mathbb{N}^*$, calculer $\sum_{0 \leq i < j \leq n} (i+j)$.

Soit $n \in \mathbb{N}^*$. On a :

$$\begin{aligned}
 \sum_{0 \leq i < j \leq n} (i+j) &= \sum_{i=0}^{n-1} \sum_{j=i+1}^n (i+j) \\
 &= \sum_{i=0}^{n-1} (n-i)i + \sum_{j=i+1}^n j \\
 &= \sum_{i=0}^{n-1} (n-i)i + (n-i) \frac{i+1+n}{2} && \hookrightarrow \text{somme des termes d'une SA} \\
 &= \sum_{i=0}^{n-1} (n-i) \frac{3i+1+n}{2} && \hookrightarrow \text{changement d'indice } k = n-i \\
 &= \sum_{k=1}^n k \frac{4n+1-3k}{2} \\
 &= 2n \sum_{k=1}^n k + \frac{1}{2} \sum_{k=1}^n k - \frac{3}{2} \sum_{k=1}^n k^2 \\
 &= n^2(n+1) + \frac{n(n+1)}{4} - \frac{n(n+1)(2n+1)}{4} \\
 &= \frac{n(n+1)(4n+1-(2n+1))}{4} \\
 &= \frac{n^2(n+1)}{2}
 \end{aligned}$$